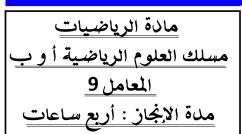
المملكة المغربية ونرامرة التربية الوطنية و التعليد العالي و تكوين الأطر والبحث العلمي المركز الوطني للتقويد والإمتحانات

الإمتحان الوطنى الموحد لنيل شهادة البكالوريا الدورة الاستدراكية 2012



استعمال الحاسبة الغير القابلة للبرمجة مسموح به

التمرين الأول: (3.5 ن) الجزءان (I) و (II) مستقلان

$$a\perp b=\left(\sqrt{a}+\sqrt{b}-1
ight)^2$$
 : نضع $I=[1;+\infty[$ من المجال $a\perp b=1;+\infty[$

- I بين أن : \perp قانون تركيب داخلي في 1 بين أن : \perp
- I بين أن القانون \bot تبادلي و تجميعي في I .
- محایدا في I وجب تحدیده. 3 بین أن \pm یقبل عنصرا محایدا في I وجب تحدیده.

$$E = \left\{ M(x) = egin{pmatrix} x & 2(x-1) \ 0 & 1 \end{pmatrix} / x \in \mathbb{R}^*
ight\}$$
 : نذکر أن : $(M_2(\mathbb{R}), +, imes)$ حلقة واحدية. لتكن : (II)

 $(\mathcal{M}_2(\mathbb{R}), \times)$ بين أن E جزء مستقر من 0,50

$$arphi: \mathbb{R}^* o E$$
 : نعتبر التطبيق $arphi$ المعرف بما يلي : يعتبر التطبيق $arphi$: $arphi$

- . (E, \times) نحو (\mathbb{R}^*, \times) نحو نعو ين أن φ تشاكل تقابلي من (\mathbb{R}^*, \times) نحو نحو (0,50)
- (E,\times) . (E,\times) . $H=\{\begin{pmatrix} 2^n & 2^{n+1}-2 \\ 0 & 1 \end{pmatrix} \ / \ n \in \mathbb{Z}\}$. $H=\{\begin{pmatrix} 2^n & 2^{n+1}-2 \\ 0 & 1 \end{pmatrix} \}$. $H=\{\begin{pmatrix} 2^n & 2^{n+1}-2 \\ 0 & 1 \end{pmatrix} \}$. $H=\{\begin{pmatrix} 2^n & 2^{n+1}-2 \\ 0 & 1 \end{pmatrix} \}$. $H=\{\begin{pmatrix} 2^n & 2^{n+1}-2 \\ 0 & 1 \end{pmatrix} \}$. $H=\{\begin{pmatrix} 2^n & 2^{n+1}-2 \\ 0 & 1 \end{pmatrix} \}$. $H=\{\begin{pmatrix} 2^n & 2^{n+1}-2 \\ 0 & 1 \end{pmatrix} \}$. $H=\{\begin{pmatrix} 2^n & 2^{n+1}-2 \\ 0 & 1 \end{pmatrix} \}$. $H=\{\begin{pmatrix} 2^n & 2^{n+1}-2 \\ 0 & 1 \end{pmatrix} \}$. $H=\{\begin{pmatrix} 2^n & 2^{n+1}-2 \\ 0 & 1 \end{pmatrix} \}$. $H=\{\begin{pmatrix} 2^n & 2^{n+1}-2 \\ 0 & 1 \end{pmatrix} \}$. $H=\{\begin{pmatrix} 2^n & 2^{n+1}-2 \\ 0 & 1 \end{pmatrix} \}$. $H=\{\begin{pmatrix} 2^n & 2^{n+1}-2 \\ 0 & 1 \end{pmatrix} \}$. $H=\{\begin{pmatrix} 2^n & 2^{n+1}-2 \\ 0 & 1 \end{pmatrix} \}$. $H=\{\begin{pmatrix} 2^n & 2^{n+1}-2 \\ 0 & 1 \end{pmatrix} \}$. $H=\{\begin{pmatrix} 2^n & 2^{n+1}-2 \\ 0 & 1 \end{pmatrix} \}$. $H=\{\begin{pmatrix} 2^n & 2^{n+1}-2 \\ 0 & 1 \end{pmatrix} \}$. $H=\{\begin{pmatrix} 2^n & 2^{n+1}-2 \\ 0 & 1 \end{pmatrix} \}$. $H=\{\begin{pmatrix} 2^n & 2^{n+1}-2 \\ 0 & 1 \end{pmatrix} \}$. $H=\{\begin{pmatrix} 2^n & 2^{n+1}-2 \\ 0 & 1 \end{pmatrix} \}$. $H=\{\begin{pmatrix} 2^n & 2^{n+1}-2 \\ 0 & 1 \end{pmatrix} \}$. $H=\{\begin{pmatrix} 2^n & 2^{n+1}-2 \\ 0 & 1 \end{pmatrix} \}$. $H=\{\begin{pmatrix} 2^n & 2^{n+1}-2 \\ 0 & 1 \end{pmatrix} \}$. $H=\{\begin{pmatrix} 2^n & 2^{n+1}-2 \\ 0 & 1 \end{pmatrix} \}$. $H=\{\begin{pmatrix} 2^n & 2^{n+1}-2 \\ 0 & 1 \end{pmatrix} \}$. $H=\{\begin{pmatrix} 2^n & 2^{n+1}-2 \\ 0 & 1 \end{pmatrix} \}$. $H=\{\begin{pmatrix} 2^n & 2^{n+1}-2 \\ 0 & 1 \end{pmatrix} \}$. $H=\{\begin{pmatrix} 2^n & 2^{n+1}-2 \\ 0 & 1 \end{pmatrix} \}$. $H=\{\begin{pmatrix} 2^n & 2^{n+1}-2 \\ 0 & 1 \end{pmatrix} \}$. $H=\{\begin{pmatrix} 2^n & 2^{n+1}-2 \\ 0 & 1 \end{pmatrix} \}$. $H=\{\begin{pmatrix} 2^n & 2^{n+1}-2 \\ 0 & 1 \end{pmatrix} \}$. $H=\{\begin{pmatrix} 2^n & 2^{n+1}-2 \\ 0 & 1 \end{pmatrix} \}$. $H=\{\begin{pmatrix} 2^n & 2^{n+1}-2 \\ 0 & 1 \end{pmatrix} \}$. $H=\{\begin{pmatrix} 2^n & 2^{n+1}-2 \\ 0 & 1 \end{pmatrix} \}$. $H=\{\begin{pmatrix} 2^n & 2^{n+1}-2 \\ 0 & 1 \end{pmatrix} \}$. $H=\{\begin{pmatrix} 2^n & 2^{n+1}-2 \\ 0 & 1 \end{pmatrix} \}$. $H=\{\begin{pmatrix} 2^n & 2^{n+1}-2 \\ 0 & 1 \end{pmatrix} \}$. $H=\{\begin{pmatrix} 2^n & 2^{n+1}-2 \\ 0 & 1 \end{pmatrix} \}$. $H=\{\begin{pmatrix} 2^n & 2^{n+1}-2 \\ 0 & 1 \end{pmatrix} \}$. $H=\{\begin{pmatrix} 2^n & 2^{n+1}-2 \\ 0 & 1 \end{pmatrix} \}$. $H=\{\begin{pmatrix} 2^n & 2^{n+1}-2 \\ 0 & 1 \end{pmatrix} \}$. $H=\{\begin{pmatrix} 2^n & 2^{n+1}-2 \\ 0 & 1 \end{pmatrix} \}$. $H=\{\begin{pmatrix} 2^n & 2^{n+1}-2 \\ 0 & 1 \end{pmatrix} \}$. $H=\{\begin{pmatrix} 2^n & 2^{n+1}-2 \\ 0 & 1 \end{pmatrix} \}$. $H=\{\begin{pmatrix} 2^n & 2^{n+1}-2 \\ 0 & 1 \end{pmatrix} \}$. $H=\{\begin{pmatrix} 2^n & 2^{n+1}-2 \\ 0 & 1 \end{pmatrix} \}$. $H=\{\begin{pmatrix} 2^n & 2^{n+1}-2 \\ 0 & 1 \end{pmatrix} \}$. $H=\{\begin{pmatrix} 2^n & 2^{n+1}-2 \\ 0 & 1 \end{pmatrix} \}$. $H=\{\begin{pmatrix} 2^n & 2^{n+1}-2 \\ 0 & 1 \end{pmatrix} \}$. $H=\{\begin{pmatrix} 2^n & 2^{n+1}-2 \\ 0 & 1 \end{pmatrix} \}$. $H=\{\begin{pmatrix} 2^n & 2^{n+1}-2 \\ 0 & 1 \end{pmatrix} \}$. $H=\{\begin{pmatrix} 2^n & 2^{n+1}-2 \\ 0 & 1 \end{pmatrix} \}$. $H=\{\begin{pmatrix} 2^n & 2^{n+1}-2 \\ 0 & 1 \end{pmatrix} \}$. $H=\{\begin{pmatrix} 2^n & 2^{n+1}-2 \\ 0 & 1 \end{pmatrix} \}$. $H=\{\begin{pmatrix} 2^n &$

التمرين الثانى: (3,5 ن) الجزءان (١) و (١١) مستقلان .

المستوى العقدي منسوب إلى معلم متعامد ممنظم و مباشر ($arphi, ec{v}$) .

$$(E): z^2 - 4\left(1 + \frac{2}{3}i\right)z + \frac{5}{3} + 4i = 0$$
 : المعادلة (I) نعتبر في المجموعة (E)

- . (E) حل للمعادلة $z_1 = 1 + \frac{2}{3}i$ حل للمعادلة (<u>1</u>) محدد (<u>1</u>) حل المعادلة (<u>1</u>) عدد
 - $z_2=3z_1$ بين أن الحل الثاني للمعادلة هو $3z_1$ بين أن الحل الثاني المعادلة ع
- . ω و B و B و في التوالي . a و و B و B و في التوالي . (II) نعتبر ثلاث نقط a و في a و في الدوران الذي مركزه a و زاويته a .

$$B = r(Q)$$
 و $P = r(A)$:

. Q لحق النقطة Q و العدد العقدي Q لحق النقطة Q

$$q=\omega+e^{rac{-i\pi}{3}}(b-\omega)$$
 و $p=\omega+e^{rac{i\pi}{3}}(a-\omega)$: بين أن (1) بين أن $p=\omega+e^{rac{i\pi}{3}}(a-\omega)$

$$\frac{1-e^{\frac{i\pi}{3}}}{1-e^{\frac{-i\pi}{3}}}=e^{\frac{4i\pi}{3}}$$
 : نین أن \bigcirc 0.25

$$\frac{p-a}{q-b} = \left(\frac{\omega-a}{\omega-b}\right)e^{\frac{4i\pi}{3}}$$
 : بين أن ين أن ين أن ين أن ين أن

$$\left(\frac{\omega-a}{\omega-b}\right)=e^{\frac{2i\pi}{3}}$$
 : نفترض أن

متوازي أضلاع . APQB متوازي أضلاع .

مستطیل . $arg\left(\frac{b-a}{p-a}\right)\equiv \frac{\pi}{2}\left[2\pi\right]$. بین أن Θ بین أن Ξ مستطیل . Θ و استنتج أن الرباعي Θ مستطیل .

التمرين الثالث: (3,0 ن)

عدد أولي. (\hat{j}) تحقق أن : 503 عدد أولي.

<u>0,50 ن</u>

. $7^{2008} \equiv 1[503]$ ثم استنتج أن $9^{502} \equiv 1[503]$ بين أن $9^{502} \equiv 1[503]$ ثم استنتج أن $9^{502} \equiv 1[503]$

علما أن الزوج (E) مبرزا مراحل الحل. (E) ، حل في \mathbb{Z}^2 المعادلة (E) مبرزا مراحل الحل.

 $N = 1 + 7 + 7^2 + \dots + 7^{2007}$: idea 3

. (E) على المعادلة (7^{2006} , N) البين أن الزوج (7^{2006} , N) على المعادلة (3^{200}

استنتج أن N يقبل القسمة على 2012 0,25

 $N\equiv 0$ [503] يين أن $N\equiv 0$ و $N\equiv 0$

التمرين الرابع: $(0; +\infty[$ يلي: g الدالة العددية المعرفة على g بما يلي:

$$g(x) = \ln(1+x) - \frac{x}{1+x}$$

 $[0;+\infty[$ أدرس تغيرات الدالة g على المجال الدرس تغيرات الدالة المجال الدرس الدرس

. $[0;+\infty[$ على المجال g(x) استنتج إشارة g(x) على المجال 2

 $f(x)=e^x\ln(1+e^{-x})$: نكن f الدالة العددية المعرفة على $\mathbb R$ بما يلي (II)

 $\lim_{x \to -\infty} f(x) = 0$ و $\lim_{x \to +\infty} f(x) = 1 : ن 0$ بين أن : 1 بين أن : 1 بين أن

 $f'(x)=e^xg(e^{-x})$: ابین أنه لکل عدد حقیقي x لدینا عدد عورت (2) بین أنه لکل عدد عقیقی و نام الم

f ضع جدول تغیرات الدالة $\frac{0,50}{2}$

 $(0,\vec{t},\vec{j})$ الممثل الدالة (-f) الممثل الدالة (\mathcal{E}') الممثل الدالة (\mathcal{E}') في نفس المعلم (\mathcal{E}') في نفس المعلم

0 < f'(x) < g(e) : لدينا]-1;0[من] من]-1;0[بين أن لكل [5]

-1 < lpha < 0 : و أن \mathbb{R} . و أن f(x) + x = 0 تقبل حلا وحيدا α في α . و أن α

www.baclive.blogspot.com

$$\{u_{n+1}=-f(u_n)\ ;\ \forall n \in \mathbb{N}\ |\ u_n=0$$
 : المعرفة بما يلي المعرفة بما $(u_n)_{n \in \mathbb{N}}$

$$(\forall n \in \mathbb{N}): -1 \leq u_n \leq 0$$
 يين أن (\mathfrak{f}) بين أن 0.50

$$(orall n \epsilon \mathbb{N})$$
 : $|u_{n+1} - lpha| \leq g(e)|u_n - lpha|$: نبین أن 0.50

$$(\forall n \in \mathbb{N})$$
 : $|u_n - \alpha| \leq (g(e))^n$: ن استنج أن \mathfrak{C} ن 0.50

$$\lim_{n \to +\infty} u_n$$
 : أحسب $g(e) < 0.6$: غلما أن غلما أن أحسب أحسب أحسب أحسب أ

التمرين الخامس: (2,5 ن)

$$F(x)=\int_{rac{1}{x}}^x\left(rac{\ln t}{1+t^2}
ight)dt$$
 : يعتبر الدالة العددية F المعرفة على F المعرفة على]0; + ∞ [

F(1) أحسب 0.25

.
$$F'(x)$$
 بين أن الدالة F قابلة للإشتقاق على $+\infty$ و احسب (0.50)

$$F(x)=0$$
 : لدينا]0, $+\infty$ [المجال x من المجال x استنتج أن لكل x استنتج أن لكل المجال x المجال x

الدينا:
$$0,+\infty$$
 من x من x الأجزاء بين أن لكل x من x الدينا: الدينا:

$$F(x) = \left(Arctan(x) + Arctan\left(\frac{1}{x}\right)\right) \ln x - \int_{\frac{1}{x}}^{x} \frac{Arctan(t)}{t} dt$$

$$(\forall x > 0)$$
 : $Arctan\left(\frac{1}{x}\right) = \frac{\pi}{2} - Arctan(x)$: بين أن (4) بين أن (5) بين أن

$$(\forall x > 0) : \ln x = \frac{2}{\pi} \int_{\frac{1}{x}}^{x} \frac{Arctan(t)}{t} dt : 0.50$$